### MATEMÁTICAS III

# CENTRO DE ESTUDIOS ECONÓMICOS EL COLEGIO DE MÉXICO

3<sup>er</sup> semestre de la Licenciatura en Economía, 2016-2020 7 de agosto – 8 de diciembre, 2017

Prof. Eneas Caldiño García (<u>eneas@colmex.mx</u>)
Lab. Humberto Martínez García (<u>hmartinez@colmex.mx</u>)

OBJETIVO: Que el estudiante sepa utilizar métodos de maximización y minimización estática con restricciones de igualdad y desigualdad de funciones en R<sup>n</sup> para aplicarlos en la solución de problemas de economía, econometría y finanzas. Que el estudiante tenga nociones básicas de ecuaciones diferenciales y sepa resolver ecuaciones diferenciales lineales.

PREREQUSITO: Matemáticas I y II, Microeconomía I

HORARIO: Lunes 9:00-10:30; Miércoles 8:30-10:00

EVALUACIÓN: 7 exámenes cortos (uno cada dos semanas), un examen parcial y un examen final.

Ponderación:

Exámenes cortos 30% Primer examen parcial 35% Examen final 35%

El material de los exámenes se traslapa, por lo cual cada tema puede aparecer en varios exámenes.

Los exámenes consisten en resolver problemas parecidos a los de las tareas y ejemplos o ejercicios vistos en clase y laboratorio. Revolver las tareas y asistir a clases es muy importante para entrenarse en la solución de problemas.

#### **TEMARIO:**

### Tema I. Optimización en R<sup>n</sup>

- 1. Conceptos topológicos, de Lógica Matemática y de Optimización
  - 1.1 Conjuntos abiertos, cerrados, compactos y convexos en R<sup>n</sup>
  - 1.2 Condiciones suficientes y condiciones necesarias
  - 1.3 Funciones continuas
  - 1.4 El Teorema de Weierstrass
  - 1.5 Matrices definidas y semidefinidas
  - 1.6 Funciones cóncavas y convexas
  - 1.7 El Teorema del Problema de Optimización Convexa
- 2. Optimización sin restricciones
  - 2.1 Formulación. Condiciones necesarias de primer orden

- 2.2 Condiciones de segundo orden
- 2.3 Solución de problemas de optimización usando métodos numéricos
- 2.4 Aplicaciones en Microeconomía, Econometría y Finanzas Privadas
- 3. Optimización con restricciones de igualdad
  - 3.1 Formulación
  - 3.2 El método de los multiplicadores de Lagrange
  - 3.3 Interpretación de los multiplicadores de Lagrange
  - 3.4 Solución de problemas de optimización usando métodos numéricos
  - 3.5 Aplicaciones en Microeconomía, Econometría y Finanzas Privadas
- 4. Óptimo con restricciones de desigualdad.
  - 4.1 Formulación
  - 4.2 Condiciones de Kuhn-Tucker
  - 4.3 Interpretación de los multiplicadores de Kuhn-Tucker
  - 4.4 Solución de problemas de optimización usando métodos numéricos
  - 4.4 Aplicaciones en Microeconomía, Econometría y Finanzas Privadas

### Tema II. Ecuaciones diferenciales.

- 5. Introducción a las ecuaciones diferenciales
  - 5.1 Ecuaciones diferenciales. Definición, tipos y soluciones
  - 5.2 Ecuaciones diferenciales de primer orden
  - 5.3 Ecuaciones diferenciales lineales con coeficientes constantes de orden superior

# BIBLIOGRAFÍA.

Libros de texto:

Sundaram, Rangarajan K., A First Course in Optimization Theory, Cambridge University Press, 1996.

Braun M. & Golubitsky, M., *Differential Equations and Their Applications*, Fourth Edition, Springer, 1993.

Libro de texto alternativo:

Boyd, S., and L. Vandenberghe, Convex Optimization, Cambridge University Press, 2004.

Bibliografía adicional:

Dixit, Avinash K., *Optimization in Economic Theory*, Second Edition, Oxford University Press, 1991.

Everitt, B. S., *Introduction to Optimization Methods and Their Application in Statistics*, Chapman and Hall, London, 1987.

Intriligator, Michael D., *Mathematical Optimization and Economic Theory*, Prentice-Hall, 1971.

Lange, K., Optimization, Springer Texts in Statistics, Springer 2004.

Pedregal, P., *Introduction to Optimization*, Texts in Applied Mathematics 46, Springer-Verlag, 2003.